УДК 57.08

# Р. Г. ГЕВОРГИЗ, С. Г. ЩЕПАЧЁВ, О. Н. КОРОЛЬ

# РАСЧЁТ СВЕТОВЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ДЛЯ ФОТОБИОРЕАКТОРОВ С ТВЕРДОТЕЛЬНЫМИ ПОЛУПРОВОДНИКОВЫМИ ИСТОЧНИКАМИ ОСВЕЩЕНИЯ

На примере трёх ультраярких светодиодов фирмы Стее (США) приведён алгоритм расчёта энергетических характеристик оптического излучения для фотобиореакторов.

Ключевые слова: микроводоросли, светодиоды, энергетические характеристики.

Оснащение культиваторов для микроводорослей твердотельными полупроводниковыми источниками освещения (светодиодами) в значительной мере расширяет круг задач, решаемых при проектировании фотобиореакторов. У светодиодов есть ряд преимуществ в сравнении с традиционными источниками освещения [2, 9], в том числе малый размер светодиодного кристалла даёт возможность, используя RGB-технологию, создавать из набора светодиодов источник освещения с любым спектральным составом светового потока; у светодиодов минимальная теплоотдача, что позволяет разрабатывать конструкции фотобиореакторов с высокой облучённостью; используя светодиоды с различным углом светоотдачи, можно легко управлять формой и размером освещаемой поверхности фотобиореактора и т. д. Важной особенностью светодиодов является то, что из всех современных искусственных источников света они обладают самым высоким энергетическим КПД [1, 2, 13]. Поэтому использование светодиодов особенно актуально в промышленных культиваторах при выращивании микроводорослей в условиях искусственного освещения. Опубликовано достаточно много работ по применению светодиодов в лабораторных исследованиях при изучении различных свойств микроводорослей [7, 12, 14 – 16].

Для измерения количества энергии оптического излучения, приходящейся на рабочую поверхность культиватора, используются различные приборы и методы [5], что приводит к выражению энергетического количества излучения в различных единицах измерения. Например, в отечественной литературе принято выражать энергию излучения в ваттах, в то время как в зарубежной чаще используют микроэйнштейны. В ряде работ [3, 11] вместо объективных величин (облучённость) используются субъективные величины (освещённость), и световые характеристики выражаются в люксах.

Конструктивные особенности некоторых фотобиореакторов либо вообще не позволяют, либо значительно затрудняют отнесение потока излучения к площади освещаемой поверхности; к примеру, когда источник света расположен внутри суспензии микроводорослей [8] или же имеет сложную систему оптических зеркально-линзовых систем [4]. В таких случаях энергию потока излучения удобней относить не к площади освещаемой поверхности, а к объёму суспензии (например, использовать единицы Вт/л).

Многообразие единиц измерения световой энергии, используемых в научных публикациях, вызывает сложности в сравнительных оценках. Для сравнения данных необходим дополнительный расчёты переходных коэффициентов, что требует знания спектров излучения источников освещения [6]. Однако в своих работах авторы не всегда приводят спектры излучения, что делает невозможным проведение сравнительных оценок. Дополнительные сложности возникают в тех случаях, когда в качестве источников освещения используются светодиоды, поскольку для них отсутствуют единые мировые стандарты и справочники спектров излучения подобно [10].

© Р. Г. Геворгиз., С. Г. Щепачёв, О. Н. Король, 2009

Кроме того, коэффициент светоотдачи и спектр излучения светодиодов могут достаточно сильно изменяться с течением времени, особенно это касается дешёвых светодиодов.

В данной работе приведён алгоритм расчёта световых характеристик для фотобиореакторов, оснащённых светодиодами.

Постановка задачи. Допустим, что в качестве источника энергии оптического излучения при культивировании микроводорослей используется светодиод с известным спектром излучения  $\Phi_e$ . Пусть также известны сила света светодиода  $I_v$  и плоский угол светоотдачи  $\theta$ . Требуется найти создаваемый светодиодом поток излучения  $\Phi_e$  в области ФАР.

По определению [6], связь между световым потоком  $\Phi_{\nu}$  и потоком излучения  $\Phi_{\sigma}$ имеет вид:

$$\Phi_{e} = \frac{1}{K_{m}} \cdot \frac{\int_{\lambda_{1}}^{\lambda_{2}} \Phi_{e}(\lambda) d\lambda}{\int_{\lambda_{1}}^{\lambda_{2}} \Phi_{e}(\lambda) \cdot V(\lambda) d\lambda} \cdot \Phi_{v} = 1,464 \cdot 10^{-3} \cdot N \cdot \Phi_{v}, \tag{1}$$

где  $K_m$  – максимальное значение спектральной световой эффективности, равное 683 лм/Вт при  $\lambda = 555$  нм;  $1/K_m$  – величина механического эквивалента света<sup>1</sup>, Вт/лм;  $\Phi_{_{\!\it P}}(\lambda)$  — энергетический спектр источника освещения;  $V(\lambda)$  — относительная спектральная световая эффективность излучения (относительная видность) [10]; N – отношение величин полной и видимой человеческим глазом энергии оптического излучения источника;  $\lambda_1 \div \lambda_2$  – диапазон области ФАР (380–710 нм)<sup>2</sup>.

Следовательно, для расчёта создаваемого светодиодом потока излучения необходимо определить величину светового потока, которая выражается следующей формулой:

$$\Phi_{\nu} = I_{\nu} \cdot \Omega, \tag{2}$$

где  $I_{v}$  – сила света, кд;  $\Omega$  – телесный угол свечения, ср. Телесный угол свечения равен:

$$\Omega = \frac{2\pi H}{R} = 2\pi \left(1 - \cos\frac{\theta}{2}\right). \tag{3}$$

Таким образом, объединяя (1), (2) и (3), выражение для потока излучения можно записать в виде:

$$\Phi_e = 1,464 \cdot 10^{-3} \cdot N \cdot I_v \cdot 2\pi \left( 1 - \cos \frac{\theta}{2} \right). \tag{4}$$

Примеры расчёта. В качестве примера проведём расчёты для трёх ультраярких светодиодов фирмы Сгее (США). Их характеристики представлены в табл. 1, а распределение энергии в спектре излучения – на рис. 1.

Чтобы рассчитать поток излучения, создаваемый светодиодом, необходимо в формулу (4) подставить значение силы света  $I_{\nu}$ , плоский угол светоотдачи  $\theta$  и коэффициент N, который численно равен отношению площадей под кривой энергетического спектра источника излучения,  $\Phi_{e}(\lambda)$ , и видимой человеческим глазом части световой энергии,  $\Phi_{\mathfrak{o}}(\lambda) \cdot V(\lambda)$  (см. рис. 2).

<sup>2</sup>В зарубежной литературе к ФАР относят диапазон 400-700 нм. С энергетической точки зрения разница составляет не более 1%.

91

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Значение механического эквивалента света указано для светового потока, выраженного в люменах Хефнера [6].

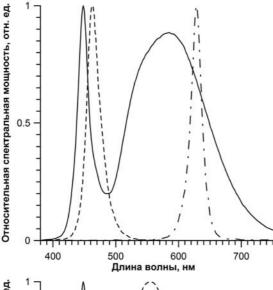


Рисунок 1. Распределение энергии в спектре белого (сплошная линия), синего (пунктирая линия) и красного (штрихпунктирная линия) ультраярких светодиодов производства фирмы Cree (США)

Figure 1. The energy spectra of white (solid line), blue (dashed line) and red (dashed dotted line) ultra-bright LEDs (Cree, USA)

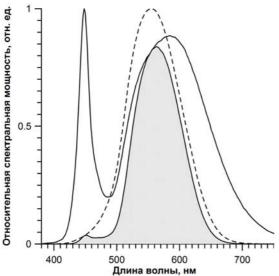


Рисунок 2. Видимая человеческим глазом часть световой энергии (заштрихованная область) в спектре белого ультраяркого светодиода СLA1A-МКW (сплошная линия) производства фирмы Сгее (США). Пунктиром представлена кривая относительной видности по ГОСТу 8.322-78 [10]

Figure 2. A visible part of the light energy (crosshatched region) of the white ultrabright CLA1A-MKW LED (solid line). The dashed line represents a relative luminosity factor (by GOST 8.322-78) [10]

Таблица 1. Ультраяркие светодиоды фирмы Cree (США) Table 1. Ultra-bright LEDs (Cree, USA)

Серия	Наименование	Цвет	Угол излуче-	Сила света,
			ния, град.	мкд
LA1	CLA1A-MKW	белый тёплый	120	2000
LV1	CLV1A-FKB	синий	120	320
LM3	CLM3C-RKW	красный	120	740

Для белого, синего и красного светодиодов поток излучения равен соответствен-

$$\Phi_e^{6e\pi} = 1,464 \cdot 10^{-3} \cdot 2.0358 \cdot 2000 \cdot 2\pi \left(1 - \cos\frac{120}{2}\right) = 0,0294 \text{ Bt};$$

но:

$$\Phi_e^{\text{CHH}} = 1,464 \cdot 10^{-3} \cdot 9,5286 \cdot 320 \cdot 2\pi \left( 1 - \cos \frac{120}{2} \right) = 0,0140 \text{ BT};$$

$$\Phi_e^{\text{KP}} = 1,464 \cdot 10^{-3} \cdot 3,1931 \cdot 740 \cdot 2\pi \left( 1 - \cos \frac{120}{2} \right) = 0,0109 \text{ BT}.$$

Здесь поток излучения  $\Phi_e$  выражен в ваттах. Чтобы выразить его в эйнштейнах, необходимо:

1. Рассчитать долю световой энергии, приходящуюся на каждую длину волны из всего диапазона  $\Phi AP$ :

$$\delta(\lambda, \lambda + d\lambda) = \frac{\Phi_e(\lambda)d\lambda}{\frac{710}{700}}.$$

Далее будет рассматриваться дискретный случай. Формулу связи между дискретным и непрерывным случаем можно записать в виде:

$$\delta(\Delta\lambda) = \int_{\lambda_n}^{\lambda_{n+1}} \delta(\lambda) d\lambda, \qquad \Delta\lambda = \lambda_{n+1} - \lambda_n.$$

- 2. Рассчитать количество световой энергии, которое приходится на каждую длину световой волны, т. е. умножить значение  $\Phi_e$  на долю  $\delta(\Delta\lambda)$  для каждой длины волны;
- 3. Зная долю энергии для каждой длины волны и энергию одного кванта света соответствующей длины волны, можно подсчитать число квантов, приходящееся на каждую длину волны. Связь энергии одного кванта света с его длиной волны:

$$E(\lambda) = h\nu = \frac{hc}{\lambda} = \frac{1,9864 \cdot 10^{-25}}{\lambda},$$
 (5)

где  $\nu$  – частота излучения, 1/c;  $h = 6,626 \cdot 10^{-34}$  – постоянная Планка, Дж·с; c = 299792458 – скорость света в вакууме, м/с.

4. Суммировать всё число квантов для всех длин волн и полученную сумму разделить на число Авогадро. В результате будет получено число молей квантов света, испускаемых источником излучения за 1 с.

Таким образом, для белого, синего и красного светодиодов поток излучения можно выразить в молях световых квантов:

 $\Phi_e^{\text{бел}} = 0,0294 \, \text{Bt},$  что означает  $0,11475 \, \text{мкE};$ 

 $\Phi_{e}^{\text{син}} = 0,0140 \,\text{Bt},$  что означает  $0,054788 \,\text{мкE};$ 

 $\Phi_a^{\text{кр}} = 0.0109 \,\text{BT}$ , что означает 0.042457 мкЕ.

**Заключение.** Следует отметить, что характеристики светодиодов, указанные производителями, не всегда соответствуют действительности [17]. Это может приводить к ошибкам в расчётах и сравнительных оценках. Поэтому к данным, которые рассчитаны на основе информации о светодиодах, взятой из публикаций, следует относиться с осторожностью.

При оснащении фотобиореакторов светодиодами в качестве источника световой энергии рекомендуется исходные данные о спектре источника излучения и его мощности подвергать регулярной проверке посредством прямых измерений с помощью спектрорадиометра и пиранометра.

В том случае, когда данные получены посредством люксметра, для перехода от освещённости к облученности используют выражение:

$$E_{e} = 1,464 \cdot 10^{-3} \cdot N \cdot E_{v} \cdot S,$$

где  $E_{\scriptscriptstyle e}$  — облучённость,  $\, {\rm Bt \, / \, m^2}; \, \, N$  — отношение величин полной и видимой человеческим

глазом энергии оптического излучения источника, отн. ед.;  $E_{\nu}$  – освещённость поверхности, лк; S – площадь освещаемой поверхности, м $^2$ .

- 1. *Бахарев И.*, *Прокофьев А.*, *Туркин А.*, *Яковлев А*. Применение светодиодных светильников для освещения теплиц // Современные технологии автоматизации. 2010. 2. С. 76 82.
- 2. *Близнюк В. В., Гвоздев С. М.* Квантовые источники излучения. М.: Вигма, 2006. 400 с.
- 3. *Божков А. Н., Комаристая В. П.* Липидно-каротиноидный обмен в клетках *Dunaliella salina* Teod. при различных условиях культивирования // Альгология. 2003. 13, №2. С. 137 147.
- Воронин Г. И., Поливода А. И. Жизнеобеспечение экипажей космических кораблей. М.: Машиностроение, 1967. 212 с.
- 5. Гуревич М. М. Фотометрия (теория, методы и приборы). Л.: Энергоатомиздат, 1983. 272 с.
- 6. *Клешнин А. Ф.* Растение и свет. Теория и практика светокультуры растений / Ред. акад. Курсанов А. Л., проф. Ничипорович А. А. М.: АН СССР, 1954. 456 с.
- 7. *Лось С. І. Фомішина Р. М., Васильченко С. М., Сиваш О. О.* Фотосинтетичний апарат Суапорһуtа під впливом червого світла // Укр. Ботан. Журнал. 2008. **65**, № 6. С. 903 911.
- 8. *Пат. 2035505 UA, МПК C12N 1/12, A01G 33/00*. Биореактор для культивирования фотосинтезирующих микроорганизмов / Габель Б. В., Цоглин Л. Н., Щербачёв Р. В.; Акционерное общество ДОКА. № a200600073. Опубл. 20.05.1995.
- 9. *Приказчик С. П.* Исследование светотехнических параметров светодиодов // Світлотехніка та електроенергетика. 2008. **4**. С. 24 30.
- 10. Справочная книга по светотехнике / Ред. Айзенберг Ю. Б. М.: Энергоатомиздат, 1983. 472 с
- 11. *Фомишина Р. Н, Лось С. И.* Адаптационная изменчивость пигментов у представителей рода *Nostoc* Vauch. (Cyanophyta) в различных условиях освещения // Альгология. 2001. 11, №3. С. 327 333.
- 12. Cuaresma M, Janssen M, Vilchez C, Wijffels R. H. Productivity of Chlorella sorokiniana in a short light-path (SLP) panel photobioreactor under high irradiance // Biotechnol. Bioeng. 2009. 104. P. 352 359.
- 13. Jao R. C., Fang W. An adjustable light source for photo-phyto related. Research and young plant production // Applied Engineering in Agriculture. 2003. 19 (5). P. 601 608.
- 14. *Kim N.*, *Lee C.* A Theoretical consideration on oxygen production rate in microalgal cultures // Biotechnol. Bioprocess Eng. 2001. **6**. P. 352 358.
- 15. *Lee C.-G.*, *Palsson B*. High-density algal photobioreactors using light-emitting diodes // Biotechnology and Bioengineering. 1994. **44**. P. 1161 1167.
- 16. *Lee C.-G.*, *Palsson B*. Light emitting diode-based algal photobioreactor with external gas exchange // Journal of Fermentation and Bioengineering. 1995. **79**, №3. P. 257 263.
- 17. http://www.kit-e.ru/articles/led/2005 7 16.php

Институт биологии южных морей НАН Украины,

г. Севастополь, Украина

Получено 10.11.2009

# Р. Г. ГЕВОРГІЗ, С. Г. ЩЕПАЧОВ, О.Н. КОРОЛЬ

#### РОЗРАХУНОК ХАРАКТЕРИСТИК ДЛЯ ФОТОБІОРЕАКТОРІВ З ТВЕРДОТЕЛЬНИМИ НАПІВПРОВОДНИКОВИМИ ДЖЕРЕЛАМИ ОСВІТЛЕННЯ

#### Резюме

На прикладі трьох ультраяркіх світлодіодів фірми Стее (США) наведено алгоритм розрахунку енергетичних характеристик оптичного випромінювання для фотобіореакторів.

Ключові слова: мікроводорості, світлодіоди, енергетичні характеристики.

# R. G. GEVORGIZ, S. G. SCHEPACHEV, O. N. KOROL

# CALCULATION OF THE LIGHT CHARACTERISTICS FOR BIOREACTORS WITH SOLID-STATE SEMICONDUCTOR LIGHT SOURCES

# Summary

The algorithm of calculation of energy characteristics of the optical radiation for photobioreactors is given on example of three ultra-bright light-emitting diodes (Cree, USA).

Key words: microalgae, light emitting diodes, energy characteristics.